

۱) جسم کوچکی به جرم  $m$  از نقطه‌ی  $A$  بالای سطح شیبداری با زاویه‌ی شیب  $\theta$  به پایین سر می‌خورد. ضریب اصطکاک جنبشی این جسم با سطح شیبدار  $\mu$  است. این سطح شیبدار مطابق شکل روی سطح افقی، همواره با سرعت ثابت  $V$  به سمت راست حرکت می‌کند.

کمیت‌های خواسته شده در بخش‌های مختلف این مسئله را در دستگاه مختصات  $xOy$  به دست آورید.

آ) اگر جسم  $m$  از حال سکون در لحظه‌ی  $t = 0$  نسبت به سطح شیبدار رها و به مدت  $t$  حرکت کرده باشد، بردار جابه‌جایی جسم  $m$  را نسبت به  $O$  از  $t = 0$  تا  $t$  به دست آورید. جواب را بر حسب بردارهای یکه‌ی  $i$  و  $j$  و کمیت‌های  $\theta$ ,  $\mu$ ,  $g$ ,  $V$  و  $t$  بنویسید.

راهنمایی: بردار جابه‌جایی  $m$  نسبت به  $O$  برابر است با جمع برداری بردار جابه‌جایی  $m$  نسبت به  $A$  و بردار جابه‌جایی  $A$  نسبت به  $O$ .

ب) بردار سرعت جسم  $m$  را در لحظه‌ی  $t$  بر حسب بردارهای یکه‌ی  $i$  و  $j$  و کمیت‌های  $\theta$ ,  $\mu$ ,  $g$ ,  $V$  و  $t$  به دست آورید.

پ) انرژی جنبشی جرم  $m$  در لحظه‌ی  $t = 0$  و  $K_1$  انرژی جنبشی آن در لحظه‌ی  $t$  را به دست آورید و  $\Delta K = K_2 - K_1$  را حساب کنید. جوابها را بر حسب  $m$ ,  $\theta$ ,  $\mu$ ,  $g$ ,  $V$  و  $t$  بیان کنید.

ت) نیروی وزن، نیروی عمودی سطح و نیروی اصطکاک وارد بر جرم  $m$  را به صورت برداری بر حسب بردارهای

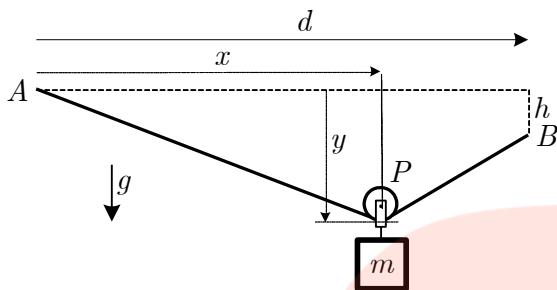
یکه‌ی  $i$  و  $j$  و کمیت‌های  $m$ ,  $\theta$ ,  $\mu$ ,  $g$  و  $t$  بنویسید.

ث) کار هر یک از سه نیروی فوق در جابه‌جایی ذکر شده را بر حسب  $m$ ,  $\theta$ ,  $\mu$ ,  $g$ ,  $V$  و  $t$  به دست آورید.

ج) جمع کار نیروهای فوق را به دست آورید و آن را با نتیجه‌ی قسمت پ) مقایسه کنید.

یادآوری: چنانچه می‌دانید کار نیروی ثابت  $\vec{F}$  در جابه‌جایی  $\vec{d}$  از رابطه‌ی  $W = Fd \cos\alpha$  به دست می‌آید که  $\alpha$  زاویه‌ی

بین دو بردار است. می‌توان ثابت کرد که این کمیت بر حسب مؤلفه‌های دو بردار به صورت  $W = F_x d_x + F_y d_y$  است.



۲) دو انتهای طناب نازکی به طول  $L$  را به دو نقطه‌ی ثابت  $A$

و  $B$  وصل می‌کنیم. فاصله‌ی قائم بین این دو نقطه  $h$  و

فاصله‌ی افقی آن‌ها  $d$  است. قرقره‌ی بدون اصطکاک  $P$  که از

جرم و ابعاد آن صرفنظر می‌کنیم، می‌تواند روی طناب حرکت

کند. جرم  $m$  از محور قرقره آویزان است و دستگاه در حال تعادل است.

(آ) کشش طناب را بر حسب  $m$ ،  $g$ ،  $d$  و  $L$  به دست آورید.

(ب) مختصات قرقره،  $(x, y)$ ، را نسبت به نقطه‌ی  $A$  بر حسب  $A$ ،  $d$  و  $h$  به دست آورید.

اگر طنابی با طول اولیه‌ی  $L_0$  کشسان باشد و با دو نیروی یکسان  $F$  از طرفین کشیده شود، طول آن به اندازه‌ی  $\Delta L$

افزایش می‌یابد که از رابطه‌ی  $\Delta L = \frac{F}{R}L_0$  به دست می‌آید. در این رابطه  $R$  کمیت ثابتی است. (این کمیت برای

جسمی با سطح مقطع  $S$  برابر با  $YS$  است که  $Y$  را مدول یانگ می‌گویند.)

(پ) فرض کنید طنابی که در شکل به دو نقطه‌ی  $A$  و  $B$  وصل شده، قبل از اتصال جرم  $m$  به آن دارای طول

$L_0$  است. پس از اتصال جرم  $m$  و رسیدن به حالت تعادل، طول طناب  $L$  است. ثابت  $R$  را بر حسب  $m$ ،  $g$ ،  $d$  و  $L_0$  به دست آورید.

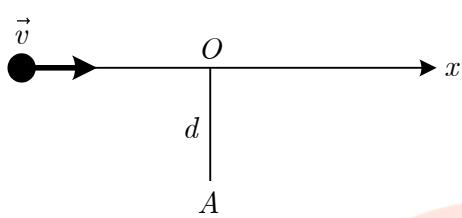
# مای درس

گروه آموزشی عصر

در صورت لزوم از این قسمت به عنوان چرک

نویس استفاده کنید مطالب این قسمت تحت

هیچ شرایطی تصحیح نخواهد شد



(۳) سرعت نور در محیطی شفاف را  $w$  بگیرید که از سرعت نور در خلاء

کوچکتر است. یک چشم‌های نقطه‌ای مطابق شکل با سرعت ثابت  $v$

( $v > w$ ) در این محیط بر روی محور  $x$  در حال حرکت است. ناظر

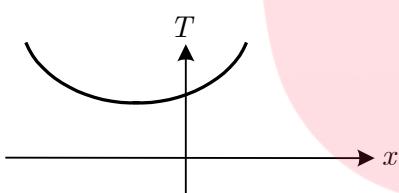
در فاصله‌ی  $d$  از محور  $x$  و زیر مبدأ  $O$  قرار دارد. فرض کنید در لحظه‌ی  $t = 0$  چشم‌های در نقطه‌ی  $O$  و در لحظه‌ی  $A$

در نقطه‌ای به مختصه‌ی  $x$  است. نور گسیل شده در لحظه‌ی  $t$  از چشم‌های در لحظه‌ی  $T$  توسط ناظر دیده می‌شود.

(آ)  $T$  را بر حسب  $x$ ،  $d$ ،  $w$  و  $v$  به دست آورید.

(ب)  $T$  را بر حسب  $d$ ،  $t$ ،  $w$  و  $v$  به دست آورید.

(پ)  $X$  مختصه‌ی چشم‌های روی محور  $x$  را در لحظه‌ی  $T$  بر حسب  $x$ ،  $d$ ،  $w$  و  $v$  به دست آورید.



(ت) نمودار  $T$  بر حسب  $x$  مطابق شکل است. ناظر  $A$  اولین بار

چشم‌های را در نقطه‌ی  $x_0$  و در لحظه‌ی  $T_0$  می‌بیند.  $x_0$  و  $T_0$  را بر

حسب  $d$ ،  $w$  و  $v$  به دست آورید.

(ث) برای زمان‌های  $T_0 < T < T_0'$  ناظر چشم‌های را در چه مکان یا مکان‌هایی می‌بیند؟ جواب را بر حسب  $T$ ،  $T_0$ ،  $T_0'$ ،  $w$  و

$v$  بیان کنید.

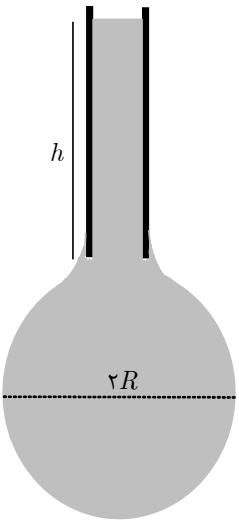
## گروه آموزشی عصر

در صبورت لزوم از این قسمت به عنوان چرک

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

نویس استفاده کنید مطالب این قسمت تحت

هیچ شرایطی تصحیح نخواهد شد



۴) لوله‌ای مطابق شکل حاوی مایعی به چگالی  $\rho$  است. در انتهای باز لوله قطره‌ای تشکیل شده که شکل آن تقریباً یک کرهٔ کامل به شعاع  $R$  است. ضریب کشش سطحی (که در انتهای مسئله توضیح داده شده است) برای این مایع  $\sigma$  است. ارتفاع مؤثر مایع در لوله با لحظه کردن اثر مویینگی  $h$  است. فشار هوای بیرون  $P_0$  است. می‌خواهیم شعاع قطره را بر حسب کمیت‌های مرتبط به دست آوریم.

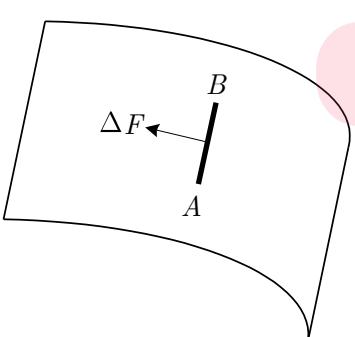
(آ) ترکیب معینی از کمیت‌های  $\sigma$ ,  $\rho$  و  $g$  یکای طول دارد. این ترکیب را بیابید و بنامید.

ب) نیروهای وارد بر نیمکرهٔ پایینی را در نظر بگیرید و با استفاده از شرط تعادل، شعاع قطره را بر حسب  $h$  و  $P_0$  حساب کنید.

پ) جواب  $R$  را با توجه به آن که  $a$  خیلی از  $h$  کوچکتر است به طور تقریبی حساب کنید. از رابطهٔ  $\sqrt{1 + \varepsilon} \approx 1 + \varepsilon$  برای  $\varepsilon$  بسیار کوچکتر از ۱ استفاده کنید.

ت) به ازای  $\rho = 1 \text{ g/cm}^3$  شعاع قطره  $h = 8 \text{ mm}$  با فرض آن که  $R = 1,2 \text{ mm}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$  و  $P_0 = 1 \text{ N/m}$  ضریب کشش سطحی مایع را بر حسب  $N/m$  به دست آورید.

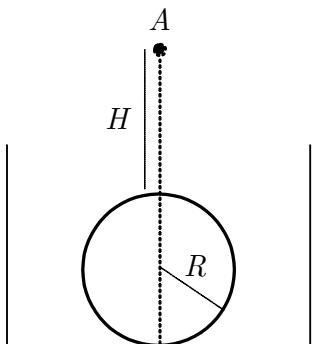
**توضیح:** عناصر واقع بر سطح تماس دو محیط یکدیگر را با نیروی می‌کشند. فرض کنید



سطح نشان داده شده در شکل مقابله سطح جدایی بین دو محیط است، مثلاً یک طرف صفحه آب و طرف دیگر آن هوا قرار دارد. عناصر واقع در سمت چپ پاره خط  $AB$  به طول  $\Delta L$  عناصر سمت راست را مطابق شکل با نیروی می‌کشند که با طول  $AB$  متناسب است، به طوری که  $\Delta F = \sigma \Delta L$ . به کمیت  $\sigma$  ضریب کشش سطحی گفته می‌شود که واحد آن نیوتون بر متر است.

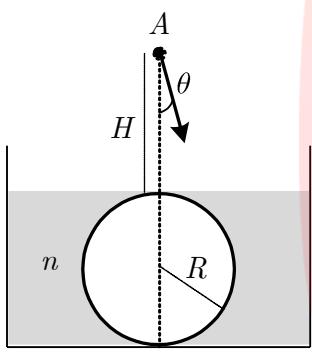
# ما درس

کامپیوuter  
www.my-dars.ir



(۵) کره‌ای کدر به شعاع  $R$  را درون ظرف مکعب مستطیل مقابل که کف آن افقی است گذاشته‌ایم. یک چشممه‌ی نقطه‌ای نور روی خط قائم گذرنده از نقطه‌ی تماس کرده با کف ظرف و در فاصله‌ی  $H$  از بالای کرہ قرار دارد.

(آ) مساحت سایه‌ی ایجاد شده در کف ظرف را بحسب  $H$  و  $R$  به دست آورید.



ظرف را با مایع شفافی به ضریب شکست  $n$  پر می‌کنیم به طوری که سطح مایع در ظرف، مماس بر بالاترین نقطه‌ی کرده شود و کرہ کاملاً درون مایع قرار گیرد.

(ب) اگر  $\theta$  زاویه‌ی یک پرتو دلخواه با امتداد قائم باشد، پرتوهای با  $\theta < \theta_0$  به کف

ظرف نمی‌رسند. در این حالت معادله‌ای برای  $\sin\theta_0$  به صورت زیر به دست می‌آید

$$\sin^3 \theta_0 + a \sin^2 \theta_0 + b \sin \theta_0 + c = 0,$$

ضرایب  $a$ ,  $b$  و  $c$  را بحسب  $n$ ,  $R$  و  $H$  به دست آورید.

(پ) به ازای  $H = R$ ،  $\sin\theta_0$  را بحسب  $n$  به دست آورید.

(ت) به ازای  $n = \sqrt{3}$  و  $H = R$ ، مساحت سایه‌ی ایجاد شده در کف ظرف را بحسب  $R$  به دست آورید.

## مای درس

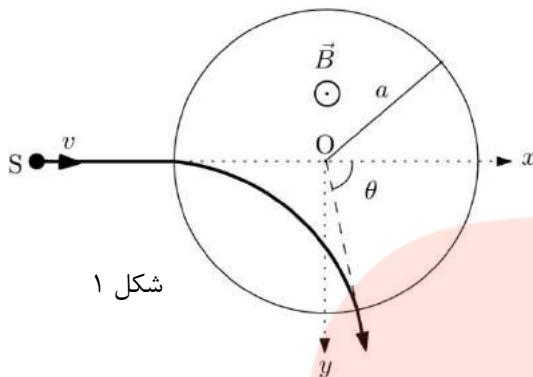
### گروه آموزشی عصر

در صورت لزوم از این قسمت به عنوان چرک

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

نویس استفاده کنید مطالب این قسمت تحت

هیچ شرایطی تصحیح نخواهد شد

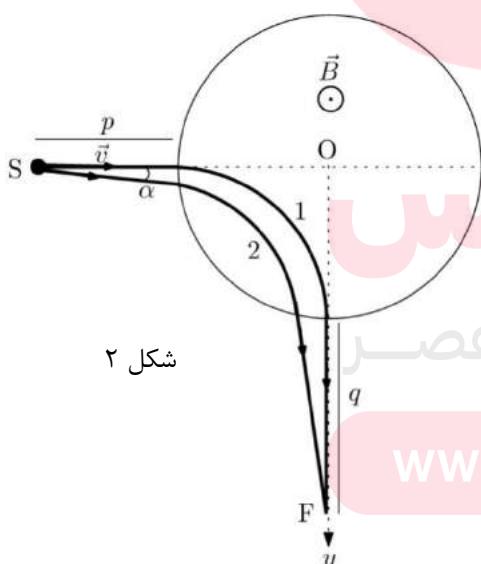


شکل ۱

۶) در یک ناحیه دایره‌ای به شعاع  $a$  و مرکز  $O$  میدان مغناطیسی  $B$  مطابق شکل عمود بر صفحه‌ی شکل و به سمت بیرون وجود دارد. خارج از این ناحیه میدان مغناطیسی صفر است. باریکه‌ای از ذراتی به جرم  $m$  و بار الکتریکی  $q$  با سرعت  $v$  در راستای یکی از قطرها که آن را محور  $x$  می‌گیریم، وارد این ناحیه می‌شود و مسیری دایره‌ای را طی می‌کند. پس از خروج از این ناحیه، جهت حرکت باریکه به اندازه‌ی زاویه  $\theta$  نسبت به جهت اولیه منحرف می‌شود.

(آ) جرم ذرات،  $m$  را بر حسب  $B$ ،  $a$ ،  $q$ ،  $v$  و  $\theta$  به دست آورید.

ب) اگر  $C$  مرکز دایره‌ای باشد که ذرات باریکه در ناحیه میدان طی می‌کنند، مختصات نقطه‌ی  $C$  یعنی  $x_C$  و  $y_C$  را در دستگاه مختصات  $xOy$  شکل ۱ به دست آورید.



شکل ۲

فرض کنید پارامترهای مسئله چنان تنظیم شده باشند که، ذراتی که درست روی محور  $x$  داخل میدان می‌شوند روی محور  $y$  خارج شوند (باریکه‌ی ۱ در شکل ۲).

از چشمی  $S$  که در فاصله‌ی  $p$  از دایره ناحیه میدان

مغناطیسی قرار دارد علاوه بر باریکه‌ی یاد شده، باریکه‌ی ۲ هم در صفحه‌ی  $y - x$  به سمت میدان گسیل می‌شود که با باریکه‌ی قبلی زاویه‌ی بسیار کوچک  $\alpha$  می‌سازد.

پ) فرض کنید باریکه‌ی ۲ پس از عبور از میدان مغناطیسی

در نقطه‌ی  $F$  روی محور  $y$  باریکه‌ی ۱ را قطع کند. فاصله‌ی  $F$  تا دایره را  $q$  بنامید و آن را بر حسب  $a$  و  $p$  به دست آورید.

ت) فرض کنید  $p' = p + a$  و  $p'/p' + 1/q' = q/a$ . مقدار  $1/p' + 1/q'$  را به دست آورید و ساده کنید.





# مای درس

گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)